



**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ 2019
ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΣΤΟ ΜΑΘΗΜΑ ΤΗΣ
ΦΥΣΙΚΗΣ**

12/6/2019



ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΟ ΜΕΣΗΣ ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗΣ

ΕΝΑΥΣΜΑ

ΤΣΙΤΟΣ ΧΡΗΣΤΟΣ - ΠΑΠΠΑ ΔΕΣΠΟΙΝΑ

**ΕΠΙΜΕΛΕΙΑ: ΚΕΜΕΝΕΣ ΝΙΚΟΣ, ΚΑΨΗΣ ΣΩΤΗΡΗΣ,
ΦΡΑΓΚΕΤΗ ΧΡΥΣΑ**

Θέμα Α

A1) β, A2) γ, A3) α, A4) γ

A5) α) Λ, β) Σ, γ) Λ, δ) Σ, ε) Σ

Θέμα Β**B1)** Σωστό το ii

$$\text{ΑΔΟ: } m \cdot u_s + 0 = (m + m)u'_s \rightarrow u'_s = \frac{u_{\eta\chi\omicron\upsilon}}{2} = \frac{u_{\eta\chi\omicron\upsilon}}{40}.$$

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{\frac{u_H}{u_H + u_s} f_s}{\frac{u_H}{u_H + u'_s} f_s} = \frac{41}{42}$$

B2) Σωστό το iii

$$P_1 = P_2 \rightarrow A_1 v_1 = A_2 v_2 \rightarrow v_2 = 2v_1$$

$$\text{Bernoulli } (\Delta \rightarrow \Gamma): p_{\alpha\tau\mu} + \rho gh + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_{\alpha\tau\mu} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \rightarrow h = \frac{3v_1^2}{2g} (1)$$

$$\text{Torricelli: } v_Z = \sqrt{2gH}$$

$$P_{\epsilon\iota\sigma} = P_{\epsilon\xi} \rightarrow A_2 v_2 = A_3 v_Z \rightarrow H = \frac{16v_1^2}{2g} (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} \rightarrow \frac{h}{H} = \frac{3}{16}$$

B3) Σωστό το ii

$$\text{ΘΜΚΕ } (A \rightarrow \Delta): K_{\tau\lambda\kappa} = W_F \rightarrow \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{FL\pi}{2} \rightarrow \omega = 3\pi \text{ rad/sec}$$

$$\text{ΑΔΣ στο } \Delta: I \omega = I' \omega' \rightarrow \frac{1}{3} ML^2 3\pi = \frac{1}{3} ML^2 + mL^2 \omega' \rightarrow \omega' = 1,5\pi \text{ rad/sec}$$

$$\omega = \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{\frac{\pi}{2}}{\frac{3\pi}{2}} = \frac{1}{3} \text{ sec}$$

Θέμα Γ

$$\mathbf{\Gamma 1)} \text{ ΟΙ}(m_1): \Sigma F = 0 \rightarrow B = F_{\varepsilon\lambda} \rightarrow m_1 g = k\Delta l \rightarrow k = 200 \frac{N}{m}$$

$$\mathbf{ΝΟΙ} \text{ (για } m_1 + m_2): \Sigma F = 0 \rightarrow B = F_{\varepsilon\lambda} \rightarrow (m_1 + m_2)g = kA \rightarrow A = 0,1m$$

$$\mathbf{\Gamma 2)} \text{ ΑΔΕΤ (για } t=0): K + U_T = E_T \rightarrow \frac{1}{2}(m_1 + m_2)u_k^2 + \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}kA^2 \rightarrow u_k = \frac{\sqrt{3}}{2}m/s$$

$$\mathbf{ΑΔΟ}: 0 + m_2 v_0 = (m_1 + m_2)v_k \rightarrow v_0 = \sqrt{3}m/sec$$

$$K_2(\text{πριν}) = \frac{1}{2}m_2 v_0^2 = 1,5J$$

$$\mathbf{\Gamma 3)} \Delta p_2 = p'_2 - p_2 = m_2 v_k - m_2 v_0 = -\frac{\sqrt{3}}{2}kgm/sec \text{ (φορά προς τα κάτω)}$$

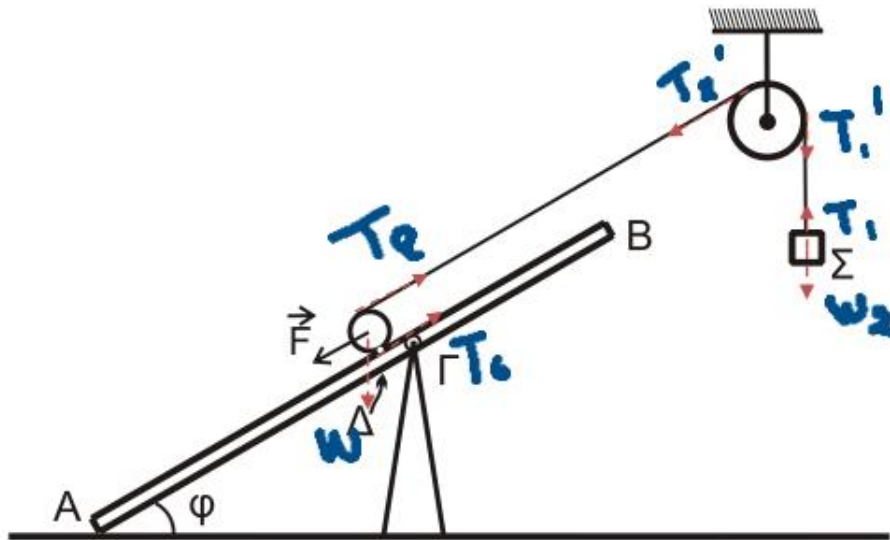
$$|\Delta p_2| = \frac{\sqrt{3}}{2}kgm/sec$$

$$\mathbf{\Gamma 4)} D = k = (m_1 + m_2)\omega^2 \rightarrow \omega = 10 \text{ rad/sec}$$

$$t = 0 \ x = +\frac{A}{2}, v > 0 \rightarrow \chi = A\eta\mu(\omega t + \varphi_0) \rightarrow \eta\mu\varphi_0 = \frac{1}{2} \rightarrow \varphi_0 = \frac{\pi}{6} \text{ ή } \frac{5\pi}{6}$$

$$\mathbf{Επειδή } v > 0 \text{ έχω } \varphi_0 = \frac{\pi}{6}$$

$$\mathbf{Άρα: } \chi = 0,1\eta\mu\left(10t + \frac{\pi}{6}\right) (SI)$$

Θέμα Δ

Σχήμα 7

Δ1) Για Σ: $\Sigma F = 0 \rightarrow T_1 = W_\Sigma \rightarrow T_1 = T_1' = 20N$

Για M_T : $\Sigma \tau = 0 \rightarrow T_1 R_T = T_2 R_T \rightarrow T_2 = 20N$

Για κύλινδρο: $\Sigma \tau = 0 \rightarrow T_2 r = T_{\sigma\tau} r \rightarrow T_{\sigma\tau} = 20N$

$$\Sigma F_x = 0 \rightarrow F + 10 = T_2 + T_{\sigma\tau} \rightarrow F = 30N$$

Δ2) Για Σ: $20 - T = 2\alpha_1$ (1)

Για τροχό: $T_1' R_K - T_2' R_K = \frac{1}{2} 2R_K^2 \alpha_\gamma \rightarrow T_1' - T_2' = \alpha_1$ (2)

Από (1) + (2): $20 - T_2 = 3\alpha_1$ (3)

ΦΡΟΝΤΙΣΤΗ Για κύλινδρο: $T_2 + T_{\sigma\tau} - 10 = 2\alpha_{cm}$

$$T_2 R - T_{\sigma\tau} R = \frac{1}{2} 2R^2 \alpha_\gamma \quad \text{άρα } T_2 - 5 = 1,5\alpha_{cm} \quad (4)$$

Από (3) , (4) και δεδομένου ότι $\alpha_1 = 2\alpha_{cm}$ προκύπτει ότι $\alpha_1 = 4 \frac{m}{s^2}$

$$\begin{aligned} \Delta 3) \text{ Την } t_1 = 0.5 \text{ sec} \quad &\rightarrow u_K = 2 * 0.5 = \frac{1m}{s^2} \\ \Sigma F = ma_{cm} \rightarrow 10 - T_2 &= 2a_{cm} \\ \Sigma \tau &= \frac{1}{2} mR^2 \alpha_\gamma \\ t_{stop} = 0.3 \text{ sec} \rightarrow t_{ολ} &= 0,8 \text{ sec} \end{aligned}$$

$$\Delta 4) s_{ολ} = \frac{1}{2} \alpha_{cm} t^2 + \frac{u_0}{2a} = 0.25 + 0.15 = 0.4m$$

$$\begin{aligned} \Delta 5) \Sigma \tau = 0 \rightarrow mg \sin 30 * 0.2 + N_1 \sin 30 * 3.5 &= mg 0,5 \sin 30. \\ \text{άρα } N_1 &= 2,4 > 0 \end{aligned}$$